

UP PGT Mathematics Question Paper held on 10 May 2026



1. माना कि  $T, \mathbb{R}^3$  पर  $T(x, y, z) = (3x, x - y, 2x + y + z)$  द्वारा परिभाषित एक रैखिक संकारक है। तब  $T$  के व्युत्क्रम  $T^{-1}(u, v, w)$  को इस प्रकार परिभाषित किया जाता है।  
 Let  $T$  be a linear operator on  $\mathbb{R}^3$  defined by  $T(x, y, z) = (3x, x - y, 2x + y + z)$  then the inverse of  $T$ ,  $T^{-1}(u, v, w)$  is defined as

- $x-y=v$   
 $u=3x$   
 $2x+y+z=w$
- (A)  $(\frac{u}{3}, \frac{u}{3} - 2v, w - 2u + v)$
- (B)  $(\frac{u}{3}, \frac{u}{3} - v, w - u + v)$
- (C)  $(\frac{u}{3}, \frac{u}{3} + 2v, w - u + 2v)$
- (D)  $(\frac{u}{3}, \frac{u}{3} + v, w + u + v)$

2. सूची - I को सूची - II के साथ मिलान करें।



- सूची - I  
 (व्युत्क्रम अतिपरवलयी फलन)
- a.  $\sinh^{-1}x$
- b.  $\cosh^{-1}x$
- c.  $\tanh^{-1}x$
- d.  $\coth^{-1}x$

- सूची - II  
 (मान)
- I.  $\frac{1}{2} \log \left( \frac{x+1}{x-1} \right)$
- II.  $\frac{1}{2} \log \left( \frac{1+x}{1-x} \right)$
- III.  $\log \left( x + \sqrt{x^2 - 1} \right)$
- IV.  $\log \left( x + \sqrt{x^2 + 1} \right)$

नीचे दिए गए विकल्पों में से सबसे उपयुक्त उत्तर चुनें।

- (A) a - IV    b - III    c - II    d - I
- (B) a - I    b - III    c - II    d - IV
- (C) a - IV    b - II    c - I    d - III
- (D) a - I    b - II    c - III    d - IV

Match List - I with List - II.

List - I  
 (Inverse hyperbolic Function)

- a.  $\sinh^{-1}x$
- b.  $\cosh^{-1}x$
- c.  $\tanh^{-1}x$
- d.  $\coth^{-1}x$

List - II  
 (Value)

- I.  $\frac{1}{2} \log \left( \frac{x+1}{x-1} \right)$
- II.  $\frac{1}{2} \log \left( \frac{1+x}{1-x} \right)$
- III.  $\log \left( x + \sqrt{x^2 - 1} \right)$
- IV.  $\log \left( x + \sqrt{x^2 + 1} \right)$

Choose the most appropriate answer from the options given below :

- (A) a - IV    b - III    c - II    d - I
- (B) a - I    b - III    c - II    d - IV
- (C) a - IV    b - II    c - I    d - III
- (D) a - I    b - II    c - III    d - IV





# ALL EXAMS, ONE SUBSCRIPTION

**Test. Analyze. Improve. Repeat.**



## Don't just *prepare*. *Perform.*

Test Prime — built only for mock tests.



**1,50,000+**  
Mock Tests



**25,000+**  
Previous Year Papers



**800+**  
Exam Covered



**500% Refund**  
on Selection



**5 lakh+**  
Free Quizzes



**Daily**  
Free PDFs



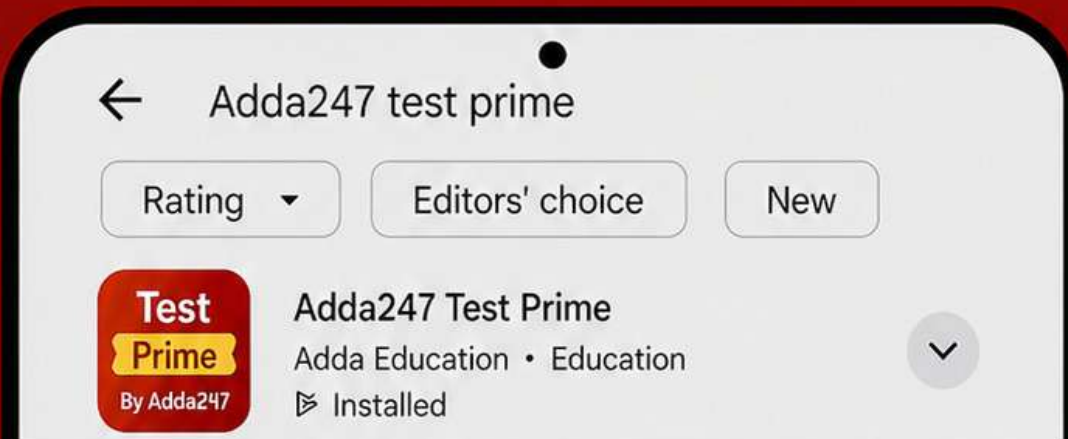
**Job Alerts**  
Stay Updated

- Multilingual
- Detailed Solution
- Strong and Weak Areas



### All India Rankings

Compete with lakhs.  
Rank. Improve. Repeat.



# DOWNLOAD THE APP





$\beta + 10$   
 $\gamma + 8$   
 $(2)$

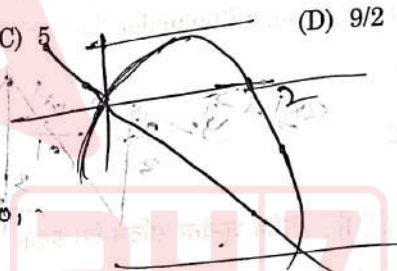
3.  $3 \cos x + 4 \sin x + 8$  का न्यूनतम मान है  
The minimum value of  $3 \cos x + 4 \sin x + 8$  is
- (A) 3 ✓ (B) 5 (C) 4 (D) 13
4. रेखिक संकारक  $T: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2, T(x,y) = (2x - 3y, x + y)$  का आव्यूही निरूपण सामान्य आधार के संदर्भ में है  
The matrix representation of the linear operator  $T: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2, T(x,y) = (2x - 3y, x + y)$  with respect to the usual basis is

- (A)  $\begin{bmatrix} 1 & 1 \\ -3 & 0 \end{bmatrix}$  (B)  $\begin{bmatrix} 2 & 1 \\ -3 & 1 \end{bmatrix}$  (C)  $\begin{bmatrix} 2 & 1 \\ -3 & 0 \end{bmatrix}$  (D)  $\begin{bmatrix} 2 & -3 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$

5. 'a' का मान जिसके लिए समीकरण  $x^2 - (a-2)x - a - 1 = 0$  के मूल के वर्गों का योग न्यूनतम मान कल्पित करता है, है  
The value of 'a' for which the sum of squares of the roots of the equation  $x^2 - (a-2)x - a - 1 = 0$  assumes the least value, is
- (A) 3 (B) 1 (C) 2 (D) 0

$\alpha + \beta = a - 2$   
 $\alpha\beta = -(a+1)$   
 $m = \alpha^2 + \beta^2$   
 $= (\alpha + \beta)^2 - 2\alpha\beta$   
 $= (a-2)^2 + 2(a+1)$   
 $= 2(a-2) + 2$   
 $= 2a - 4 + 2$   
 $= 2a - 2$

6. वक्र  $y = 2x - x^2$  और सरल रेखा  $y = -x$  से परिबद्ध क्षेत्रफल (sq. units में) है  
The area (in sq. units) bounded by the curve  $y = 2x - x^2$  and the straight line  $y = -x$  is
- (A) 10 (B) 9 (C) 5 (D) 9/2



7. आव्यूह  $\begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 0 & 4 \end{bmatrix}$  के आइगन मान हैं  
The eigen values of the matrix  $\begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 0 & 4 \end{bmatrix}$  are

- (A) 1, 4 (B) 2, 4 (C) 1, 3 (D) 1, -4

8.  $\left(\frac{x}{2} - \frac{3}{x^2}\right)^{10}$  के प्रसार में  $x^4$  का गुणांक है  
The coefficient of  $x^4$  in the expansion of  $\left(\frac{x}{2} - \frac{3}{x^2}\right)^{10}$  is

- (A)  $\frac{540}{259}$  (B)  $\frac{504}{251}$  (C)  $\frac{540}{256}$  (D)  $\frac{405}{256}$

$\frac{10!}{2^1 \times 3^1} \times \frac{1}{2^8} \times 3^2$   
 $= \frac{10!}{2^9 \times 3}$   
 $= \frac{10 \times 9 \times 8 \times 7 \times 6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1}{2^9 \times 3}$   
 $= \frac{10 \times 9 \times 8 \times 7 \times 6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1}{2^8 \times 3^2}$   
 $= \frac{10 \times 9 \times 8 \times 7 \times 6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1}{2^8 \times 9}$   
 $= \frac{10 \times 8 \times 7 \times 6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1}{2^8}$   
 $= \frac{10 \times 8 \times 7 \times 6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1}{256}$   
 $= \frac{405}{256}$

9. प्रारंभिक रेखा के सापेक्ष हृदयाभ  $r = a(1 + \cos\theta)$  को घुमाने से उत्पन्न आयतन (घन मात्रक) है  
The volume (cube units) generated by rotating the cardioid  $r = a(1 + \cos\theta)$  about the initial line is

- (A)  $\pi a^3$  (B)  $\frac{3\pi a^3}{2}$  (C)  $\frac{8\pi a^3}{3}$  (D)  $3\pi a^3$



$$\frac{103}{114}$$

10. श्रेणी  $11 + 103 + 1005 + \dots$  के  $n$  पदों का योग है

The sum of the  $n$  terms of the series  $11 + 103 + 1005 + \dots$  is

(A)  $\frac{10}{9}(10^n + 1) - n^2$

(B)  $\frac{n^2}{2}(10^n - 1)$

(C)  $\frac{10}{9}(10^n - 1) + n^2$

(D)  $\frac{n}{2}(2n - 1)$

11. यदि  $\frac{P}{Q}$  न्यूटन और  $\frac{Q}{P}$  न्यूटन के दो सदृश समान्तर बलों का परिणामी 2 न्यूटन है, तो

If two like parallel forces of  $\frac{P}{Q}$  Newtons and  $\frac{Q}{P}$  Newtons have resultant of 2 Newtons, then

(A)  $P = 3Q$

(B)  $P = 2Q$

(C)  $2P = Q$

(D)  $P = Q$

$P = 2Q$   
 $Q = 2P$   
 $=$

12. वक्र  $y = |x + 1|$  और  $x$ -अक्ष के अंतर्गत  $x = -2$  से  $x = 2$  तक का क्षेत्रफल (sq. units में) है  
The area (in sq. units) under the curve  $y = |x + 1|$  and  $x$ -axis from  $x = -2$  to  $x = 2$  is

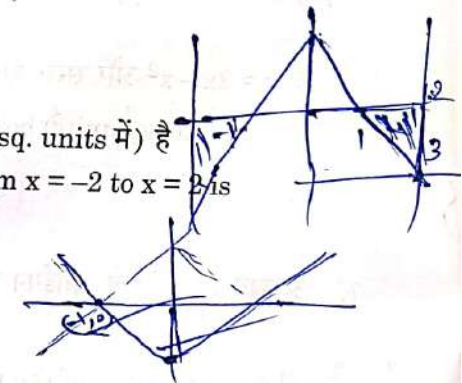
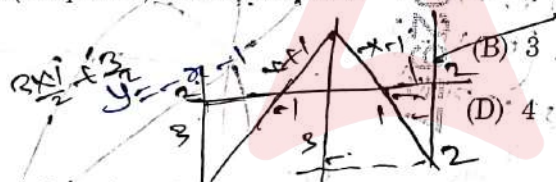
(A) 5

(C) 2

(B) 3

(D) 4

$y = x + 1$   
 $y = -x + 1$



13. यदि  $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$  तीन शून्येतर सदिश इस प्रकार हैं कि  $\vec{a} + \vec{b} + \vec{c} = 0$  और  $m = \vec{a} \cdot \vec{b} + \vec{b} \cdot \vec{c} + \vec{c} \cdot \vec{a}$  हैं, तो

If  $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$  are three non zero vectors such that  $\vec{a} + \vec{b} + \vec{c} = 0$  and  $m = \vec{a} \cdot \vec{b} + \vec{b} \cdot \vec{c} + \vec{c} \cdot \vec{a}$ , then

(A)  $m = 1$

(B)  $m = 0$

(C)  $m > 0$

(D)  $m < 0$

$-3/2 < 0$   
 $(a)^2 = a^2 + b^2 + c^2 + 2m$

14. यदि जन्मदिन की एक पार्टी के लिए 7 लोगों को आमंत्रित किया गया था, तो वे और आयोजक कितने तरीकों से एक वृत्ताकार मेज़ पर बैठ सकते हैं ?

If 7 people were invited for a birthday party, in how many ways can they and the host be seated at a circular table ?

(A) 40320

(B) 5040

(C) 120

(D) 720

7!  
7, 6, 5, 4, 3, 2  
 $\frac{7!}{7}$   
 $\frac{720}{7}$   
 $\frac{540}{7}$





15. निम्नलिखित में से कौन-से कथन सही हैं ?
- एक चक्रीय समूह अनिवार्य रूप से अबेलियन होता है
  - क्लीन का 4-समूह चक्रीय नहीं है
  - $n$  क्रम के एक परिमित चक्रीय समूह के जनकों/जनित्रों की संख्या दो होती है
  - एक चक्रीय समूह का उपसमूह चक्रीय होता है

नीचे दिए गए विकल्पों में से सबसे उपयुक्त उत्तर चुनें।

- (A) केवल a, b और c (B) केवल a, b और d  
(C) केवल a, c और d (D) केवल b, c और d

Which of the following statements are correct ?

- A cyclic group is necessarily abelian
- Klein's 4-group is not cyclic
- The number of generators of a finite cyclic group of order  $n$  is two
- The subgroup of a cyclic group is cyclic

Choose the most appropriate answer from the options given below.

- (A) a, b and c only (B) a, b and d only  
(C) a, c and d only (D) b, c and d only

16. माना कि  $W, R$  पर  $3 \times 3$  सममित आव्यूहों की सदिश समष्टि है, तो  $W$  की विमा है

Let  $W$  be the vector space of  $3 \times 3$  symmetric matrices over  $R$ , then the dimension of  $W$  is

- (A) 6 (B) 9 (C) 2 (D) 3

17. यदि समुच्चय  $S = \{v_1, v_2, v_3, \dots, v_n\}$  एक सदिश समष्टि  $V(F)$  का आधार है और एक समुच्चय  $S_1 = \{w_1, w_2, w_3, \dots, w_m\}$  सदिश समष्टि  $V(F)$  का एक रैखिक रूप से स्वतंत्र समुच्चय है तो

If set  $S = \{v_1, v_2, v_3, \dots, v_n\}$  is a basis of a vector space  $V(F)$  and a set  $S_1 = \{w_1, w_2, w_3, \dots, w_m\}$  is a linearly independent subset of vector space  $V(F)$  then

- (A)  $m \geq n$  (B)  $m \leq n$  (C)  $m > n$  (D)  $m < n$

18. दीर्घवृत्त  $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{b^2} = 1$  और अतिपरवलय  $\frac{x^2}{144} - \frac{y^2}{81} = \frac{1}{25}$  की नाभियाँ संपाती हैं, तो  $b^2$  का मान है

The foci of the ellipse  $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{b^2} = 1$  and the hyperbola  $\frac{x^2}{144} - \frac{y^2}{81} = \frac{1}{25}$  coincide, then the value of  $b^2$  is

- (A) 9 (B) 5 (C) 7 (D) 1

19. यदि  $A = \begin{bmatrix} \cos x & \sin x \\ -\sin x & \cos x \end{bmatrix}$  और  $A \text{ adj } A = k \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$  हैं, तो  $k$  का मान है

If  $A = \begin{bmatrix} \cos x & \sin x \\ -\sin x & \cos x \end{bmatrix}$  and  $A \text{ adj } A = k \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$  then the value of  $k$  is

- (A) 3 (B) 1 (C) 2 (D)  $\cos x$

20. सूची - I को सूची - II के साथ मिलान करें ।

सूची - I  
(समाकल)

सूची - II  
(समाकल का मान)

a.  $\int \frac{1}{x^2 + a^2} dx$

b.  $\int \frac{1}{x^2 - a^2} dx$

c.  $\int \frac{1}{a^2 - x^2} dx$

d.  $\int \frac{1}{\sqrt{a^2 + x^2}} dx$

I.  $\log \left| x + \sqrt{a^2 + x^2} \right| + C$

II.  $\frac{1}{2a} \log \left| \frac{a+x}{a-x} \right| + C$

III.  $\frac{1}{2a} \log \left| \frac{x-a}{x+a} \right| + C$

IV.  $\frac{1}{a} \tan^{-1} \left( \frac{x}{a} \right) + C$

a-IV  
b-III  
c-II  
d-I

नीचे दिए गए विकल्पों में से सबसे उपयुक्त उत्तर चुनें :

- (A) a-IV b-III c-II d-I
- (B) a-II b-I c-III d-IV
- (C) a-I b-II c-IV d-III
- (D) a-I b-II c-III d-IV

Match List - I with List - II.

List - I

List - II

(Integral)

(Value of the integral)

a.  $\int \frac{1}{x^2 + a^2} dx$

b.  $\int \frac{1}{x^2 - a^2} dx$

c.  $\int \frac{1}{a^2 - x^2} dx$

d.  $\int \frac{1}{\sqrt{a^2 + x^2}} dx$

I.  $\log \left| x + \sqrt{a^2 + x^2} \right| + C$

II.  $\frac{1}{2a} \log \left| \frac{a+x}{a-x} \right| + C$

III.  $\frac{1}{2a} \log \left| \frac{x-a}{x+a} \right| + C$

IV.  $\frac{1}{a} \tan^{-1} \left( \frac{x}{a} \right) + C$

Choose the most appropriate answer from the options given below :

- (A) a-IV b-III c-II d-I
- (B) a-II b-I c-III d-IV
- (C) a-I b-II c-IV d-III
- (D) a-I b-II c-III d-IV



21. यदि द्रव्यमान 'm' के कण को प्रारंभिक वेग 'u' के साथ प्रक्षेपित किया जाता है जो क्षैतिज अक्ष के साथ एक कोण  $\alpha$  बनाता है तो प्रक्षेपण बिंदु के संदर्भ में प्रक्षेपण पथ का समीकरण निम्नवत् व्यक्त किया जाता है  
 If a particle of mass 'm' is projected with initial velocity 'u' making an angle  $\alpha$  with horizontal axis then equation of the trajectory with reference to point of projection is given by

(A)  $y = x \tan \alpha - \frac{gx^2}{2u^2 \cos^2 \alpha}$

(B)  $y = x \tan \alpha - \frac{gx^2}{u^2 \cos^2 \alpha}$

(C)  $y = x \tan \alpha - \frac{gx^2}{2u^2 \sin^2 \alpha}$

(D)  $y = x \tan \alpha + \frac{gx^2}{2u^2 \cos^2 \alpha}$

$\begin{pmatrix} 1 & -1 \\ -1 & 1 \\ -1 & 0 \end{pmatrix} \quad \delta = 2$

22. माना कि  $T: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$ ,  $T(x,y) = (x-y, y-x, -x)$  के रूप में परिभाषित एक रैखिक रूपांतरण है, तो T की शून्यता है  
 Let  $T: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  be a linear transformation defined as  $T(x,y) = (x-y, y-x, -x)$ , then the nullity of T is

- (A) 3 (B) 1 (C) 2 (D) 0

23. बिंदु (2, 3) से रेखा  $x + y - 11 = 0$  पर लंब का पाद है  
 The foot of the perpendicular from the point (2, 3) on the line  $x + y - 11 = 0$  is

- (A) (5, 6) (B) (1, 6) (C) (1, 5) (D) (1, -1)

24. यदि  $\vec{a} = xyz \hat{i} + xz^2 \hat{j} - y^3 \hat{k}$  और  $\vec{b} = x^3 \hat{i} - xyz \hat{j} + x^2 z \hat{k}$  हैं तो बिंदु (1, 1, 0) पर  $\frac{\partial^2 \vec{a}}{\partial y^2} \times \frac{\partial^2 \vec{b}}{\partial x^2}$  है

If  $\vec{a} = xyz \hat{i} + xz^2 \hat{j} - y^3 \hat{k}$  and  $\vec{b} = x^3 \hat{i} - xyz \hat{j} + x^2 z \hat{k}$  then  $\frac{\partial^2 \vec{a}}{\partial y^2} \times \frac{\partial^2 \vec{b}}{\partial x^2}$  at the point (1, 1, 0) is

(A)  $18 \hat{k}$  (B)  $xy \hat{i}$   
 (C)  $-36 \hat{j}$  (D) 0  
 $\frac{\partial^2 \vec{a}}{\partial y^2} = 2xz \hat{i} - 3y^2 \hat{k}$   
 $\frac{\partial^2 \vec{b}}{\partial x^2} = 6x \hat{i} + 2z \hat{k}$   
 $\vec{a} \times \vec{b} = 3x^2 \hat{i} - yz \hat{j} + 2xz \hat{k}$   
 $2z = 6x \hat{i} + 2z \hat{k} + 36 \hat{k} \times \hat{i}$

25. यदि एक n-वर्ग आव्यूह A का सारणिक 3 है और A के सहखंडज का सारणिक 243 है, तो n का मान है  
 If the determinant of a n-square matrix A is 3 and the determinant of Adjoint of A is 243, then the value of n is

- (A) 7 (B) 5 (C) 6 (D) 4

$9 \times 9 = 06$   
 81

02957 806102957 806102957 806102957 806102957 806102957 806102957 806102957 806102957 806102957



26. एक समूह  $G$  में, यदि  $a^2 = e, \forall a \in G$  है, तो

- (A)  $G$  का क्रम केवल 1 है
- (B)  $G$  अबेलियन नहीं है
- (C)  $G$  का क्रम केवल 2 है
- (D)  $G$  अबेलियन है

In a group  $G$ , if  $a^2 = e, \forall a \in G$ , then

- (A) The order of  $G$  is only 1
- (B)  $G$  is not abelian
- (C) The order of  $G$  is only 2
- (D)  $G$  is abelian

27. एक सम्मिश्र संख्या  $z$  के लिए  $(z+3)(\bar{z}+3)$  का मान समतुल्य है  
For a complex number  $z$  the value of  $(z+3)(\bar{z}+3)$  is equivalent to

- (A)  $z^2+9$
- (B)  $|z-3|$
- (C)  $z^2+3$
- (D)  $|z+3|^2$

28. "2l" लंबाई की दो बराबर एक समान छड़ें AB और AC स्वतंत्र रूप से बिंदु A पर जुड़ी हुई हैं और त्रिज्या 'r' के एक चिकने वृत्त पर विश्रामावस्था में हैं। यदि  $2\theta$  उनके बीच का कोण है तो



Two equal uniform rods AB and AC each of length "2l" are freely joined at point A and rest on a smooth circle of radius 'r'. If  $2\theta$  be the angle between them then

- (A)  $r \cot\theta = l \cos^2\theta$
- (B)  $r = l \sin^2\theta$
- (C)  $r \tan\theta = l \sin^2\theta$
- (D)  $r \cot\theta = l \sin^2\theta$

29. यदि  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}, f(x) = (3 - x^3)^{1/3}$  द्वारा व्यक्त किया जाता है, तो  $f \circ f(x)$  निम्नलिखित द्वारा व्यक्त किया जाता है

If  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  be given by  $f(x) = (3 - x^3)^{1/3}$ , then  $f \circ f(x)$  is given by

- (A)  $3 - x^3$
- (B)  $x^3$
- (C)  $x$
- (D)  $x^{1/3}$





30. सूची - I को सूची - II के साथ मिलान करें।

सूची - I  
(अवकल समीकरण)

सूची - II  
(कोटि और घात का योग)

a.  $\left(\frac{d^2y}{dx^2}\right)^2 - 3\left(\frac{dy}{dx}\right)^3 + 4\frac{dy}{dx} = 0$  4

I. 5

b.  $\left(\frac{d^4y}{dx^4}\right)^{2/3} - 3\frac{dy}{dx} + 5y = 0$  → 6

II. 2

a - IV ✓

c.  $\frac{dy}{dx} = \frac{1+y^2}{1+x^2}$  2

III. 6

b - III ✓

d.  $\left(\frac{d^3y}{dx^3}\right)^2 - 3\left(\frac{dy}{dx}\right)^3 + 6y = 0$  5

IV. 4

c - II ✓  
d - I ✓

नीचे दिए गए विकल्पों में से सबसे उपयुक्त उत्तर चुनें :

- (A) a - IV b - III c - II d - I
- (B) a - II b - I c - III d - IV
- (C) a - III b - IV c - II d - I
- (D) a - I b - II c - III d - IV

Match List - I with List - II.

List - I

List - II

(Sum of order and degree)



a.  $\left(\frac{d^2y}{dx^2}\right)^2 - 3\left(\frac{dy}{dx}\right)^3 + 4\frac{dy}{dx} = 0$

I. 5

b.  $\left(\frac{d^4y}{dx^4}\right)^{2/3} - 3\frac{dy}{dx} + 5y = 0$

II. 2

c.  $\frac{dy}{dx} = \frac{1+y^2}{1+x^2}$

III. 6

d.  $\left(\frac{d^3y}{dx^3}\right)^2 - 3\left(\frac{dy}{dx}\right)^3 + 6y = 0$

IV. 4

Choose the most appropriate answer from the options given below :

- (A) a - IV b - III c - II d - I
- (B) a - II b - I c - III d - IV
- (C) a - III b - IV c - II d - I
- (D) a - I b - II c - III d - IV



$\int \frac{x^{n-1}}{x^n(x^n+1)} dx$      $\int \frac{1}{x(x^n+1)} dx$   
 $\frac{1}{x^n} dx = x^{-n} dx = \frac{-1}{-n+1} x^{-n+1} = \frac{1}{1-n} x^{1-n}$

31.  $\int \frac{1}{x(x^n+1)} dx$  बराबर है  
 $\int \frac{1}{x(x^n+1)} dx$  is equal to

(A)  $\frac{1}{n} \log\left(\frac{1}{x^n+1}\right) + C$

(B)  $\frac{1}{n} \log\left(\frac{x^n-1}{x^n+1}\right) + C$

(C)  $\log\left(\frac{x^n-1}{x^n+1}\right) + C$

(D)  $\frac{1}{n} \log\left(\frac{x^n}{x^n+1}\right) + C$

32. यदि एक आव्यूह  $A = \begin{bmatrix} 0 & -\tan \frac{\pi}{8} \\ \tan \frac{\pi}{8} & 0 \end{bmatrix}$  है और I को 2 का एक तत्समक आव्यूह है तो  $(I-A)$   $\begin{bmatrix} \cos \frac{\pi}{4} & -\sin \frac{\pi}{4} \\ \sin \frac{\pi}{4} & \cos \frac{\pi}{4} \end{bmatrix}$  is



If a matrix  $A = \begin{bmatrix} 0 & -\tan \frac{\pi}{8} \\ \tan \frac{\pi}{8} & 0 \end{bmatrix}$  and I is a identity matrix of order 2 then  $(I-A)$   $\begin{bmatrix} \cos \frac{\pi}{4} & -\sin \frac{\pi}{4} \\ \sin \frac{\pi}{4} & \cos \frac{\pi}{4} \end{bmatrix}$  is

(A)  $I-A$

(B)  $-I+A$

(C)  $-I-A$

(D)  $I+A$

33. अंतराल  $[0, 1]$  पर, फलन  $x^{25}(1-x)^{75}$  निम्नलिखित बिन्दु पर अधिकतम मान प्राप्त करता है  
 On the interval  $[0, 1]$ , the function  $x^{25}(1-x)^{75}$  takes its maximum value at the point

(A)  $1/4$

(B)  $1/2$

(C)  $1/3$

34. यदि एक बिंदु पर कार्यरत बलों  $\vec{P}$ ,  $\vec{Q}$ ,  $\vec{R}$  को क्रम में लिए गए त्रिभुज की भुजाओं द्वारा निरूपित किया जा सकता है, तो  
 If forces  $\vec{P}$ ,  $\vec{Q}$ ,  $\vec{R}$  acting at a point can be represented by the sides of a triangle taken in order, then

(A)  $\vec{P} - \vec{Q} - \vec{R} = \vec{0}$

(B)  $\vec{P} - \vec{Q} + \vec{R} = \vec{0}$

(C)  $\vec{P} + \vec{Q} - \vec{R} = \vec{0}$

(D)  $\vec{P} + \vec{Q} + \vec{R} = \vec{0}$



35. माना कि  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$ ,  $T(x, y) = (x + y, x + y)$  द्वारा परिभाषित रेखिक संकारक है। तब निम्नलिखित में से कौन-सा कथन सही है ?

- (A) 3, T का आइगेन मान और संगत आइगेन वेक्टर (4, 5) है
- (B) 1, T का आइगेन मान और संगत आइगेन वेक्टर (2, 3) है
- (C) 0, T का आइगेन मान और संगत आइगेन वेक्टर (1, 1) है
- (D) 2, T का आइगेन मान और संगत आइगेन वेक्टर (1, 1) है

$$\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} x+y \\ x+y \end{pmatrix}$$

$\lambda = 1$   
 $\lambda = 1$



Let  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  be linear operator defined by,  $T(x, y) = (x + y, x + y)$ . Then which one of the following statement is true ?

- (A) 3 is eigen value and corresponding eigen vector (4, 5) of T
- (B) 1 is eigen value and corresponding eigen vector (2, 3) of T
- (C) 0 is eigen value and corresponding eigen vector (1, 1) of T
- (D) 2 is eigen value and corresponding eigen vector (1, 1) of T

36.  $\int_0^{\pi/4} \log(1 + \tan x) dx$  का मान है

The value of  $\int_0^{\pi/4} \log(1 + \tan x) dx$  is

(A)  $\frac{\pi}{2} \log 3$

(B)  $\frac{\pi}{8} \log 2$

(C)  $\frac{\pi}{8} \log 3$

(D)  $\frac{\pi}{4} \log 2$

37. यदि  $o(G) = 6$  और  $H \neq K$  प्रत्येक G के क्रम 2 के उपसमूह हैं, तो

(A) HK, G का एक उपसमूह नहीं हो सकता है

$o(HK)$

(B)  $o(HK) = 6$

(C)  $o(HK) = 2$

(D)  $o(HK) = 5$

If  $o(G) = 6$  and  $H \neq K$  are subgroups of G each of order 2, then

(A) HK can not be a subgroup of G

(B)  $o(HK) = 6$

(C)  $o(HK) = 2$

(D)  $o(HK) = 5$





38. सूची - I को सूची - II के साथ मिलान करें।

सूची - I

(शंकु समीकरण)

- a.  $6x^2 + 5xy - 4y^2 = 0$   
 b.  $2x^2 + 2y^2 + 4x - 12y + 12 = 0$   
 c.  $4x^2 + 9y^2 + 8x - 36y + 4 = 0$   
 d.  $3x^2 + 10xy + 8y^2 + 14x + 22y + 7 = 0$

नीचे दिए गए विकल्पों में से सबसे उपयुक्त उत्तर चुनें :

- (A) a - III    b - IV    c - I    d - II  
 (B) a - I    b - IV    c - III    d - II  
 (C) a - I    b - II    c - III    d - IV  
 (D) a - IV    b - I    c - II    d - III

Match List - I with List - II.

List - I

(Conic Equations)

- a.  $6x^2 + 5xy - 4y^2 = 0$   
 b.  $2x^2 + 2y^2 + 4x - 12y + 12 = 0$   
 c.  $4x^2 + 9y^2 + 8x - 36y + 4 = 0$   
 d.  $3x^2 + 10xy + 8y^2 + 14x + 22y + 7 = 0$

Choose the most appropriate answer from the options given below :

- (A) a - III    b - IV    c - I    d - II  
 (B) a - I    b - IV    c - III    d - II  
 (C) a - I    b - II    c - III    d - IV  
 (D) a - IV    b - I    c - II    d - III

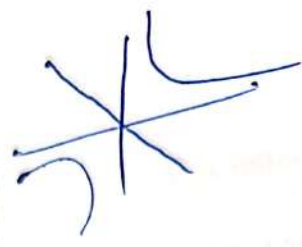
39. परवलय  $y^2 = 4x$  की उन सभी जीवाओं के मध्य बिंदुओं का बिंदुपथ जो शीर्षों से होकर खींचे जाते हैं  
 Locus of the middle points of all chords of the parabola  $y^2 = 4x$  which are drawn through the vertex is

- (A)  $x^2 = 4y$   
 (B)  $y^2 = 2x$   
 (C)  $x^2 + 3y^2 = 16$   
 (D)  $y^2 = 8x$

40.  $\sin \cot^{-1}x$  का मान है  
 The value of  $\sin \cot^{-1}x$  is

- (A)  $\frac{1}{\sqrt{1+x^2}}$   
 (B)  $x$   
 (C)  $(1+x)^{-3/2}$   
 (D)  $\sqrt{1+x^2}$





41. यदि दो समुच्चयों A और B को  
 $A = \{(x, y) : y = \frac{3}{x}, x \neq 0, x \in \mathbb{R}\}$ ,  
 $B = \{(x, y) : y = -x, x \in \mathbb{R}\}$ , के रूप में परिभाषित किया गया है, तो

If the two sets A and B are defined as

$$A = \{(x, y) : y = \frac{3}{x}, x \neq 0, x \in \mathbb{R}\},$$

$$B = \{(x, y) : y = -x, x \in \mathbb{R}\}, \text{ then}$$

- (A)  $A \cap B = A + B$  (B)  $A \cap B = B$  (C)  $A \cap B = \phi$  (D)  $A \cap B = A$

42. यदि  $\theta$  किन्हीं दो सदिशों  $\vec{a}$  और  $\vec{b}$  के बीच का कोण है, तो  $|\vec{a} \cdot \vec{b}| = |\vec{a} \times \vec{b}|$  है जबकि  $\theta$  बराबर है  $ab \cos \theta = ab \sin \theta$   
 $\theta = \frac{\pi}{4}$

If  $\theta$  is the angle between any two vectors  $\vec{a}$  and  $\vec{b}$ , then  $|\vec{a} \cdot \vec{b}| = |\vec{a} \times \vec{b}|$  when  $\theta$  is equal to

- (A)  $\frac{\pi}{2}$  (B)  $\pi$  (C)  $\frac{\pi}{4}$  (D) 0

43. अवकल समीकरण  $y - x \frac{dy}{dx} = a \left\{ 1 + \left( \frac{dy}{dx} \right)^2 \right\}^{1/2}$  की घात और कोटि का योग है

The sum of degree and order of the differential equation  $\left( y - x \frac{dy}{dx} \right) = a \left\{ 1 + \left( \frac{dy}{dx} \right)^2 \right\}^{1/2}$  is 3

- (A) 5 (B) 3 (C) 2 (D) 4

44. यदि  $f(n) = \int_0^{\pi/4} \tan^n x dx$  है, तो  $f(3) + f(1)$  बराबर है

If  $f(n) = \int_0^{\pi/4} \tan^n x dx$ , then  $f(3) + f(1)$  equals

- (A)  $3/2$  (B) 1 (C)  $1/2$  (D) 0

45. वर्ग आव्यूह A लंबकोणीय है, तो A का सारणिक है  
 The square matrix A is orthogonal, then determinant of A is

- (A)  $\pm 3$  (B)  $\pm 1$  (C)  $\pm 2$  (D) 0

46. यदि  $y^2 = x(2-x)^2$  पर (1, 1) पर स्पर्शरेखा वक्र से पुनः P पर मिलती है, तो P है  
 If the tangent at (1, 1) on  $y^2 = x(2-x)^2$  meets the curve again at P, then P is

- (A) (3, 1) (B) (-1, 2) (C) (9/4, 3/8) (D) (4, 4)

$$y - 1 = \frac{1}{2}(x-1)$$

$$-2 = x-1$$

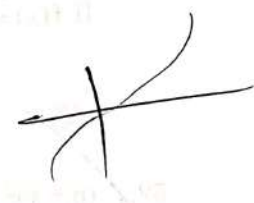
$$-1$$

◆13◆

$$2y' = 2(2-x)(-1) + (2-x)^2$$

$$= -2 + 1$$

$$m = -1$$





47. माना कि  $P_n, \mathbb{R}$  (वास्तविक संख्याओं का समुच्चय) पर  $\leq n$  डिग्री के सभी बहुपदों की सदिश समष्टि है तो  $\dim \frac{P_1}{P_2}$  है

Let  $P_n$  be the vector space of all polynomials of degree  $\leq n$  over  $\mathbb{R}$  (set of real numbers) then  $\dim \frac{P_1}{P_2}$  is

- (A) 1 (B) 3 (C) 2 (D) 4

48. माना कि  $T: \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^3$  रैखिक संकारक है जिसे  $T(x, y, z) = (3x, x - y, 2x + y + z)$  के रूप में परिभाषित किया गया है तो  $\text{Ker}(T)$  है



Let  $T: \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^3$  be linear operator which is defined as,  $T(x, y, z) = (3x, x - y, 2x + y + z)$  then  $\text{Ker}(T)$  is

- (A)  $\{(0, 0, x) | x \in \mathbb{R}\}$  (B)  $\{(x, y, y) | x, y \in \mathbb{R}\}$   
 (C)  $\{(0, 0, 0)\}$  (D)  $\{(x, x, x) | x \in \mathbb{R}\}$

49. एक प्रक्षेप्य द्वारा प्राप्त उच्चतम ऊँचाई क्षैतिज तल पर इसकी सीमा का एक चौथाई है, तो प्रक्षेपण का कोण है  
 The greatest height attained by a projectile is one quarter of its range on the horizontal plane, then the angle of projection is

- (A)  $75^\circ$  (B)  $60^\circ$  (C)  $30^\circ$  (D)  $45^\circ$

50. लंबाई 'l' और द्रव्यमान 'm' के एक सरल लोलक के लघु आयाम का आवर्तकाल है  
 The time period of small amplitude of a simple pendulum of length 'l' and mass 'm' is

- (A)  $3\pi \sqrt{\frac{l}{g}}$  (B)  $2\pi \sqrt{lg}$  (C)  $\pi \sqrt{\frac{l}{g}}$  (D)  $2\pi \sqrt{\frac{l}{g}}$

51. यदि  $f(x) = \begin{vmatrix} \sin x & \cos x & \tan x \\ x^3 & x^2 & x \\ 2x & 1 & 1 \end{vmatrix}$  है, तो  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{f(x)}{x^2}$  है

If  $f(x) = \begin{vmatrix} \sin x & \cos x & \tan x \\ x^3 & x^2 & x \\ 2x & 1 & 1 \end{vmatrix}$ , then  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{f(x)}{x^2}$  is

- (A) 3 (B) 1 (C) 2 (D) 0

52.  $(p + y)^2 + (q + x)^2 = 1$  का पूर्ण समाकल है (C और D स्वेच्छ अचर हैं)  
 The complete Integral of  $(p + y)^2 + (q + x)^2 = 1$  is (C and D are arbitrary constant)

- (A)  $y^3 = Cx - xy + (1 - C^2)^{\frac{1}{2}}y + D$  (B)  $z = Cx - x^3y + (1 - C^2)^{\frac{1}{2}}y + D$   
 (C)  $z = Cx - xy + (1 - C^2)^{\frac{1}{2}}y + D$  (D)  $z = xy + (1 - C^2)^{\frac{1}{2}}y + D$



53. परवलय  $y^2 = 24x$  के लिए बिन्दु  $(6, 12)$  और  $(6, -12)$  पर अभिलम्बों के बीच का कोण है  
 The angle between the normals to the parabola  $y^2 = 24x$  at the points  $(6, 12)$  and  $(6, -12)$  is

- (A)  $90^\circ$
- (B)  $45^\circ$
- (C)  $60^\circ$
- (D)  $30^\circ$

54. यदि A एक वर्ग आव्यूह इस प्रकार है कि  $A^2 = A$  है, तो  $(I + A)^3 - 7A$  है  
 If A is a square matrix such that  $A^2 = A$  then  $(I + A)^3 - 7A$  is

- (A)  $I + A$
- (B)  $2I$
- (C)  $I$
- (D)  $3I$

Handwritten solution for Q53:  
 $24y^1 = 24$   
 $m = y^1 = \frac{24}{y}$   
 $m^1 = -1$   
 $y^1 = 12$   
 $y^1 = \frac{12}{y} = -1$   
 $m_2 = -1$

55.  $\int_{-1}^1 x|x| dx$  बराबर है

- (A) 4
- (B) 1
- (C) 0
- (D) 2

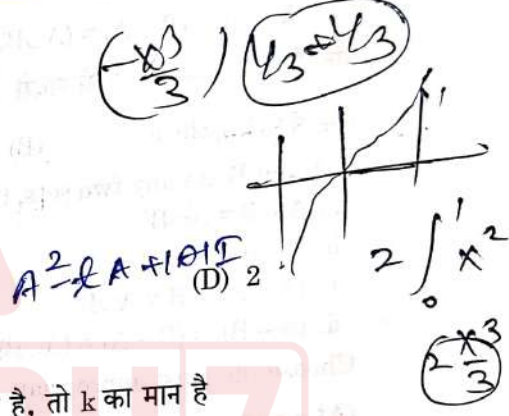
Handwritten solution for Q55:  
 $\int_{-1}^0 -x^2 dx + \int_0^1 x^2 dx$   
 $-\left(\frac{x^3}{3}\right)_{-1}^0 + \left(\frac{x^3}{3}\right)_0^1$   
 $-\left(\frac{0}{3} - \frac{-1}{3}\right) + \left(\frac{1}{3} - \frac{0}{3}\right)$   
 $-\left(-\frac{1}{3}\right) + \frac{1}{3} = \frac{1}{3} + \frac{1}{3} = \frac{2}{3}$

56. क्रमचय  $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 2 & 4 & 6 & 5 & 1 & 3 \end{pmatrix}$  का क्रम है

- (A) 4
- (B) 3
- (C) 6
- (D) 2

Handwritten notes:  $(1,4)$ ,  $(2,6)$ ,  $(3,5)$ ,  $(4,3)$ ,  $(5,1)$ ,  $(6,2)$

The order of the permutation  $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 2 & 4 & 6 & 5 & 1 & 3 \end{pmatrix}$  is



57. यदि  $A = \begin{bmatrix} 3 & -2 \\ 4 & -2 \end{bmatrix}$  आव्यूह समीकरण  $A^2 - kA + 2I = 0$  को संतुष्ट करता है, तो k का मान है

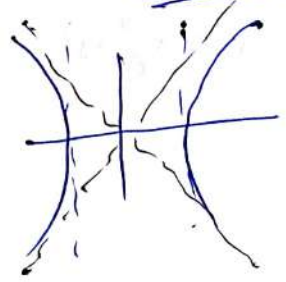
- (A) 3
- (B) 1
- (C) 2
- (D) 0

If  $A = \begin{bmatrix} 3 & -2 \\ 4 & -2 \end{bmatrix}$  satisfies the matrix equation  $A^2 - kA + 2I = 0$ , then the value of k is

58. वक्र  $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$  के अनंतस्पर्शी/अनंतस्पर्शियों का/के समीकरण निम्नवत् है/हैं  
 The equation of asymptote/s of the curve  $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$  is/are given by

- (A)  $x = \frac{2b}{a}y$
- (B)  $y = \pm \frac{b}{a}x$
- (C)  $x = \frac{b}{a}y$
- (D)  $x = \pm \frac{b}{a}y$

Handwritten solution for Q58:  
 $b^2x^2 - a^2y^2 = a^2b^2$   
 $b^2x^2 - a^2b^2 - a^2y^2 = 0$   
 $x = \pm \frac{a}{b}$   
 $y = \pm \frac{b}{a}$





59. यदि N एक व्युत्क्रमणीय आव्यूह है और M एक वर्ग आव्यूह इस प्रकार है कि  $\det(N^{-1}M^2N) = 4$  है, तो M के सारणीक का मान बराबर है

If N is a non-singular matrix and M is a square matrix such that  $\det(N^{-1}M^2N) = 4$ , then the value of the determinant of M is equal to

- (A) 4
- (B) 1
- (C) 2
- (D) 0

60.  $\frac{(3x-4y-12)^2}{100} - \frac{(4x+3y-12)^2}{225} = 1$  द्वारा व्यक्त शंकु की उत्केन्द्रता है

- (A)  $\frac{\sqrt{6}}{2}$
- (B)  $\frac{\sqrt{14}}{2}$
- (C) 1
- (D)  $\frac{\sqrt{13}}{2}$

61. यदि A और B कोई भी दो समुच्चय हैं, तो निम्नलिखित में से कौन-से सही हैं ?

- a.  $A - B = A \cap B'$
  - b.  $B - A \neq B \cap A'$
  - c.  $(A - B) \cup B = A \cup B$
  - d.  $(A - B) \cup (B - A) = (A \cup B) - (A \cap B)$
- (A) केवल a और c (B) केवल a, b और d (C) केवल a, c और d (D) केवल b, c और d

If A and B are any two sets, then which of the following are correct ?

- a.  $A - B = A \cap B'$
  - b.  $B - A \neq B \cap A'$
  - c.  $(A - B) \cup B = A \cup B$
  - d.  $(A - B) \cup (B - A) = (A \cup B) - (A \cap B)$
- (A) a and c only (B) a, b and d only (C) a, c and d only (D) b, c and d only

62. यदि  $f(x) = \cot^{-1}\left(\frac{x^x - x^{-x}}{2}\right)$  है, तो  $f'(1)$  बराबर है

- (A) 2
- (B) 1
- (C) -1
- (D) 0

63. वह आंशिक अवकल समीकरण जो वक्र  $z = ax + y$  को निरूपित करता है, जहाँ 'a' एक स्वेच्छ अचर है, है

The partial differential equation represents the curve  $z = ax + y$ , where 'a' is an arbitrary constant, is/are

- (A)  $z^2 = x \frac{\partial z}{\partial y} + y^2$
- (B)  $z = x \frac{\partial z}{\partial y} + x$
- (C)  $z = x \frac{\partial z}{\partial x} + y$
- (D)  $\frac{\partial z}{\partial y} = x$

64. यदि  $a, b, c$  शून्येतर वास्तविक संख्याएँ हैं, तो  $\begin{vmatrix} bc & ca & ab \\ ca & ab & bc \\ ab & bc & ca \end{vmatrix}$  लुप्त हो जाता है, जब

If  $a, b, c$  are non-zero real numbers, then  $\begin{vmatrix} bc & ca & ab \\ ca & ab & bc \\ ab & bc & ca \end{vmatrix}$  vanishes, when

(A)  $\frac{1}{b} - \frac{1}{c} - \frac{1}{a} = 0$

(B)  $\frac{1}{a} - \frac{1}{b} - \frac{1}{c} = 0$

(C)  $\frac{1}{b} + \frac{1}{c} - \frac{1}{a} = 0$

(D)  $\frac{1}{a} + \frac{1}{b} + \frac{1}{c} = 0$

65. द्रव्यमान 'm' और लंबाई '2l' की एक छड़ के मध्य-बिंदु और छड़ के लंबवत् किसी भी रेखा के सापेक्ष जड़त्व आवर्ण है  
The moment of inertia of a rod of mass 'm' and length '2l' about any line through its mid-point and perpendicular to the rod is

(A)  $\frac{ml^2}{3}$

(B)  $\frac{ml^2}{3}$

(C)  $\frac{ml^2}{6}$

(D)  $\frac{ml^2}{6}$

66. समीकरण  $\cos \frac{3x}{2} = \frac{1}{2}$  का/के हल है/हैं

(A)  $x = \frac{4n\pi}{3} \pm \frac{2\pi}{9}; n \in \mathbb{Z}$  जहाँ  $\mathbb{Z}$  पूर्णाकों का समुच्चय है

(B)  $x = -\frac{\pi}{3}$

(C)  $x = n\pi \pm \frac{\pi}{3}; n \in \mathbb{Z}$  जहाँ  $\mathbb{Z}$  पूर्णाकों का समुच्चय है

(D)  $x = \frac{\pi}{3}$

$\cos \frac{3x}{2} = \cos \frac{\pi}{3}$

$\frac{3x}{2} = 2n\pi \pm \frac{\pi}{3}$

$x = \frac{2n\pi \times 2}{3} \pm \frac{\pi}{3}$



Solution of the equation  $\cos \frac{3x}{2} = \frac{1}{2}$  is/are

(A)  $x = \frac{4n\pi}{3} \pm \frac{2\pi}{9}; n \in \mathbb{Z}$  where  $\mathbb{Z}$  is the set of integers

(B)  $x = -\frac{\pi}{3}$

(C)  $x = n\pi \pm \frac{\pi}{3}; n \in \mathbb{Z}$  where  $\mathbb{Z}$  is the set of integers

(D)  $x = \frac{\pi}{3}$



67. एक इंजन 10 KW की शक्ति विकसित करता है। 200 kg के एक द्रव्यमान को 40 m की ऊँचाई तक उठाने में इसे किस समय लगेगा ( $g = 10 \text{ m/sec}^2$ ) ?

- (A) 10 सेकंड
  - (B) 5 सेकंड
  - (C) 8 सेकंड
  - (D) 4 सेकंड
- An engine develops 10 KW of power. How much time will it take to lift a mass of 200 kg to a height of 40 m ( $g = 10 \text{ m/sec}^2$ ) ?
- (A) 10 seconds
  - (B) 5 seconds
  - (C) 8 seconds
  - (D) 4 seconds

68.  $\int_0^2 [x^2] dx$  का मान \_\_\_\_\_ है। (जहाँ  $[t]$  महत्तम पूर्णांक फलन है)

The value  $\int_0^2 [x^2] dx$  is \_\_\_\_\_. (Where  $[t]$  is the greatest integer function)

- (A) 2
- (B)  $5 - \sqrt{2} - \sqrt{3}$
- (C)  $5 - \sqrt{2}$
- (D)  $5 - \sqrt{3}$

69. यदि  $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 2 \\ 2 & 1 & 2 \\ 2 & 2 & 1 \end{bmatrix}$  इस प्रकार है कि  $A^2 - 4A - \lambda I = 0$  है, जहाँ I कोटि 3 का एक तत्समक आव्यूह है तो  $\lambda$  का मान है

If  $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 2 \\ 2 & 1 & 2 \\ 2 & 2 & 1 \end{bmatrix}$  such that  $A^2 - 4A - \lambda I = 0$  where I is an identity matrix of order 3 then value of  $\lambda$  is

- (A) 5
- (B) 3
- (C) 4
- (D) 1

70. निम्नलिखित में से कौन-से कथन सही हैं?
- a. एक वर्ग आव्यूह एक व्युत्क्रमणीय आव्यूह है यदि इसका सारणिक शून्य है।
  - b. जो आव्यूह वर्ग नहीं हैं, उनके सारणिक नहीं होते हैं।
  - c. यदि एक सारणिक की एक पंक्ति या स्तंभ में सभी शून्य होते हैं, तो सारणिक का मान शून्य होता है।
  - d. एक सममित आव्यूह की सभी धनात्मक पूर्णांकीय घातें सममित होती हैं।

नीचे दिए गए विकल्पों में से सबसे उपयुक्त उत्तर चुनें :

- (A) केवल b और d
- (B) केवल a, c और d
- (C) केवल a, b और c
- (D) केवल b, c और d

- Which of the following statements are correct?
- a. A square matrix is a non-singular matrix if its determinant is zero.
  - b. The matrices which are not square do not have determinants.
  - c. If a row or a column of a determinant consists of all zeros, then the value of the determinant is zero.
  - d. All positive integral powers of a symmetric matrix are symmetric.

Choose the most appropriate answer from the options given below :

- (A) b and d only
- (B) a, c and d only
- (C) a, b and c only
- (D) b, c and d only

$$A^2 - 4A - \lambda I = 0$$

$$\begin{array}{r} A^2 - 4A - \lambda I \\ + \lambda I \\ \hline A^2 - 4A + \lambda I \end{array}$$

$$\begin{array}{r} A^2 - 4A + \lambda I \\ + 4A - 4A - \lambda I \\ \hline A^2 - 4A - \lambda I \end{array}$$

$$\begin{array}{r} A^2 - 4A - \lambda I \\ + \lambda I \\ \hline A^2 - 4A + \lambda I \\ + 4A - 4A - \lambda I \\ \hline A^2 - 4A - \lambda I \end{array}$$



9/3

71. सदिशों  $\vec{a} = \vec{p} + 2\vec{q}$  और  $\vec{b} = 2\vec{p} + \vec{q}$  पर निर्मित समानांतर चतुर्भुज का क्षेत्रफल, जहाँ  $\vec{p}$  और  $\vec{q}$   $30^\circ$  का कोण निर्मित करते एकक सदिश हैं, है

The area of the parallelogram constructed on the vectors  $\vec{a} = \vec{p} + 2\vec{q}$  and  $\vec{b} = 2\vec{p} + \vec{q}$ , where  $\vec{p}$  and  $\vec{q}$  are unit vectors forming an angle of  $30^\circ$  is

- (A) 9/2
- (C) 7/2

- (B) 5/2
- (D) 3/2

Handwritten calculation:  $|\vec{a} \times \vec{b}| = (p+2q) \times (2p+q) = p \times q + 4q \times q + 2p \times p + 2q \times q = 5pq$

72. यदि  $\phi = x^2yz^2$  है तो  $\phi$  की प्रवणता है  
If  $\phi = x^2yz^2$  then the gradient of  $\phi$  is

- (A)  $-xyz^2\hat{i} + x^2z^2\hat{j} + x^2yz\hat{k}$
- (C)  $xyz^2\hat{i} + x^2z^2\hat{j} + x^2yz\hat{k}$

- (B)  $2xyz^2\hat{i} + x^2z^2\hat{j} + 2x^2yz\hat{k}$
- (D)  $\vec{0}$

Handwritten calculation:  $\nabla(x^2yz^2) = (2xy z^2)\hat{i} + (x^2 z^2)\hat{j} + (2x^2 y z)\hat{k}$

73. माना कि  $T, \mathbb{R}^3$  पर एक रैखिक संकारक है जिसे  $T(x, y, z) = (3x + z, -2x + y, -x + 2y + 4z)$  द्वारा परिभाषित किया जाता है, मानक आधार के संबंध में एक रैखिक संकारक  $T$  का आव्यूह निरूपण  $A$  है

Let  $T$  be a linear operator on  $\mathbb{R}^3$  defined by  $T(x, y, z) = (3x + z, -2x + y, -x + 2y + 4z)$  the matrix representation  $A$  of a linear operator  $T$  with respect to standard basis is

- (A)  $\begin{bmatrix} 1 & 1 & 2 \\ 2 & 2 & 3 \\ 3 & 4 & 5 \end{bmatrix}$
- (C)  $\begin{bmatrix} 0 & 1 & 2 \\ 3 & 3 & 2 \\ 3 & 4 & 5 \end{bmatrix}$

- (B)  $\begin{bmatrix} 3 & 0 & 1 \\ -2 & 1 & 0 \\ -1 & 2 & 4 \end{bmatrix}$
- (D)  $\begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 3 & 4 & 5 \\ 4 & 2 & 1 \end{bmatrix}$

Handwritten matrix:  $\begin{pmatrix} 3 & -2 & 1 \\ 0 & 1 & 2 \\ 1 & 0 & 4 \end{pmatrix}$

74. यदि  $U$  और  $W$  विमा 6 की एक सदिश समष्टि  $V$  की भिन्न 4-विमीय उप-समष्टियाँ हैं, तो  $U \cap W$  की संभव विमाएँ हैं

- (A) या तो 4 या 6
- (C) या तो 3 या 4
- (B) या तो 2 या 3
- (D) या तो 1 या 2

Handwritten notes:  $U \rightarrow \mathbb{R}^6 \rightarrow \mathbb{R}^4$ ,  $W \rightarrow \mathbb{R}^6 \rightarrow \mathbb{R}^4$

If  $U$  and  $W$  are distinct 4-dimensional subspaces of a vector space  $V$  of dimension 6, then the possible dimensions of  $U \cap W$  are

- (A) either 4 or 6
- (C) either 3 or 4
- (B) either 2 or 3
- (D) either 1 or 2

06112957 806102957 806102957 806102957



$$n(-x^2-1) - \frac{5n}{4}(-\frac{x}{2} - \frac{1}{2}) + \frac{1}{2}(-\frac{1}{2} + \frac{x}{2})$$

$$-13x + \frac{x}{2} + \frac{1}{2} - \frac{1}{2} + \frac{x}{2}$$

75.  $\begin{vmatrix} x & \sin \frac{\pi}{4} & \cos \frac{\pi}{4} \\ -\sin \frac{\pi}{4} & -x & 1 \\ \cos \frac{\pi}{4} & 1 & x \end{vmatrix}$  का मान है

The value of  $\begin{vmatrix} x & \sin \frac{\pi}{4} & \cos \frac{\pi}{4} \\ -\sin \frac{\pi}{4} & -x & 1 \\ \cos \frac{\pi}{4} & 1 & x \end{vmatrix}$  is

- (A)  $\frac{x^2}{\sqrt{2}}$
- (B)  $-\frac{x^3}{\sqrt{2}}$
- (C)  $x^2$
- (D)  $-x^3$

76. यदि  $(\vec{a} \times \vec{b})^2 + (\vec{a} \cdot \vec{b})^2 = 144$  और  $|\vec{a}| = 4$  हैं, तो  $|\vec{b}|$  बराबर है

If  $(\vec{a} \times \vec{b})^2 + (\vec{a} \cdot \vec{b})^2 = 144$  and  $|\vec{a}| = 4$ , then  $|\vec{b}|$  equals

- (A) 12
- (B) 8
- (C) 3
- (D) 16

77. माना कि H क्रम 23 का एक समूह है, तो H के उपसमूहों की संख्या है  
Let H be a group of order 23, then the number of subgroups of H are

- (A) 10
- (B) 23
- (C) 2
- (D)  $2^{23}$

78. माना कि  $W = \{(a, b, c, d) | a = 3c, b = 4d\}$  एक सदिश समष्टि  $\mathbb{R}^4(\mathbb{R})$  की उपसमष्टि है। तब  $\dim(W)$  है  
Let  $W = \{(a, b, c, d) | a = 3c, b = 4d\}$  be a subspace of a vector space  $\mathbb{R}^4(\mathbb{R})$ . Then the  $\dim(W)$  is

- (A) 1
- (B) 2
- (C) 4
- (D) 3

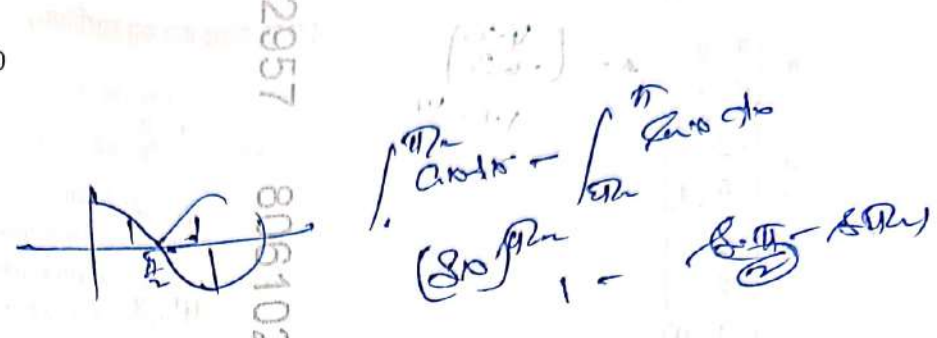
79. यदि एक गुणोत्तर श्रेणी (जी.पी.) के p वें, q वें और r वें पद क्रमशः x, y, z हैं, तो  $x^{q-r} \cdot y^{r-p} \cdot z^{p-q}$  बराबर है

If  $p^{\text{th}}$ ,  $q^{\text{th}}$  and  $r^{\text{th}}$  terms of a Geometric Progression (GP) are x, y, z respectively, then  $x^{q-r} \cdot y^{r-p} \cdot z^{p-q}$  is equal to

- (A) xyz
- (B) 0
- (C) -1
- (D) 1

80. मूल-बिंदु से गुजरने वाली सरल रेखाओं के एक युग्म का व्यापक समीकरण है  
The general equation of a pair of straight lines passing through the origin is

- (A)  $y = mx + c$
- (B)  $ax^2 + 2hxy + by^2 = 0$
- (C)  $ax^2 + bx + c = 0$
- (D)  $ax + by + c = 0$



81.  $\int_0^\pi |\cos x| dx$  है

- (A) 3
- (B) 1
- (C) 2
- (D) 0



82. एक आव्यूह  $A = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$  के आइगेन मान 1 के संगत आइगेन स्पेस W का आयाम है

- (A) 2
- (B) 0
- (C) 1
- (D) 3

The dimension of eigen space W corresponding to eigen value 1 of a matrix  $A = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$  is  $\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$

$(A - \lambda I)x = 0$

$$\begin{bmatrix} -1 & 1 & 0 \\ 1 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = 0$$

83. माना कि z एक सम्मिश्र संख्या है, तो z और iz के बीच का कोण है  
Let z be a complex number, then the angle between z and iz is

- (A)  $\frac{\pi}{3}$
- (B)  $\pi$
- (C)  $\frac{\pi}{2}$
- (D) 0



$x + y = 0$   
 $x - y = 0$   
 $x = y$

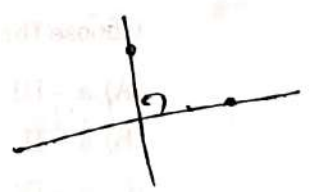
$z$   
 $zi$   
 $\begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$

84. उस परवलय  $y^2 = 16x$  के लिए स्पर्शिका का समीकरण जिसकी प्रवणता 2 है, है  
The equation of tangent to the parabola  $y^2 = 16x$  having the slope 2 is

- (A)  $y = 2x + 2$
- (B)  $y = x - 1$
- (C)  $y = 2x + 1$
- (D)  $y = x + 1$

$y = mx + \frac{a}{m}$

$C = \frac{a}{m} = \frac{4}{2} = 2$





85. सूची - I को सूची - II के साथ मिलान करें।

सूची - I

(आव्यूह P)

a.  $\begin{bmatrix} 3 & 2 \\ 6 & 4 \end{bmatrix}$

b.  $\begin{bmatrix} -2 & 2 \\ -5 & 4 \end{bmatrix}$

c.  $\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ -2 & 3 \end{bmatrix}$

d.  $\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ -7 & 3 \end{bmatrix}$

$A = \begin{bmatrix} 4 & 2 \\ -6 & 3 \end{bmatrix}$   
 $12 - 12 = 0$

सूची - II

(P के सहखंडज का सारणिक)

I. 3

II. 7

III. 2

IV. 0



नीचे दिए गए विकल्पों में से सबसे उपयुक्त उत्तर चुनें

(A) a - III b - IV c - I d - II

(B) a - II b - I c - III d - IV

(C) a - IV b - III c - II d - I

(D) a - I b - II c - III d - IV

Match List - I with List - II.



List - I

(Matrix P)

a.  $\begin{bmatrix} 3 & 2 \\ 6 & 4 \end{bmatrix}$

b.  $\begin{bmatrix} -2 & 2 \\ -5 & 4 \end{bmatrix}$

c.  $\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ -2 & 3 \end{bmatrix}$

d.  $\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ -7 & 3 \end{bmatrix}$

List - II

(Determinant of Adjoint of P)

I. 3

II. 7

III. 2

IV. 0

Choose the most appropriate answer from the options given below :

(A) a - III b - IV c - I d - II

(B) a - II b - I c - III d - IV

(C) a - IV b - III c - II d - I

(D) a - I b - II c - III d - IV



86. निम्नलिखित में से कौन-सा कथन सत्य है ?
- (A) एक विवृत अंतराल (a, b) पर प्रत्येक संतत फलन परिबद्ध होता है
  - (B) एक विवृत अंतराल (a, b) पर प्रत्येक परिबद्ध फलन संतत होता है
  - (C) एक संवृत अंतराल [a, b] पर प्रत्येक संतत फलन परिबद्ध होता है
  - (D) एक संवृत अंतराल [a, b] पर प्रत्येक परिबद्ध फलन संतत होता है

Which of the following statement is true ?

- (A) Every continuous function on an open interval (a, b) is bounded
- (B) Every bounded function on an open interval (a, b) is continuous
- (C) Every continuous function on a closed interval [a, b] is bounded
- (D) Every bounded function on a closed interval [a, b] is continuous

87.  $\int \frac{xe^x}{(1+x)^2} dx$  बराबर है  $e^x \left( \frac{2x+1}{1+x} - \frac{1}{1+x} \right)$

- (A)  $e^x(1+x) + C$ , C एक स्वेच्छ अचर है
- (B)  $\frac{e^x}{(1+x)^2} + C$ , C एक स्वेच्छ अचर है
- (C)  $e^x(1+x)^2 + C$ , C एक स्वेच्छ अचर है
- (D)  $\frac{e^x}{1+x} + C$ , C एक स्वेच्छ अचर है

$\int \frac{xe^x}{(1+x)^2} dx$  is equal to

- (A)  $e^x(1+x) + C$ , C is an arbitrary constant
- (B)  $\frac{e^x}{(1+x)^2} + C$ , C is an arbitrary constant
- (C)  $e^x(1+x)^2 + C$ , C is an arbitrary constant
- (D)  $\frac{e^x}{1+x} + C$ , C is an arbitrary constant

88. वृत्त  $x^2 + y^2 + z^2 = 9$ ,  $2x + 3y + 4z = 5$  और मूल-बिंदु से होकर गुजरने वाले गोले का समीकरण है  
The equation of the sphere through the circle  $x^2 + y^2 + z^2 = 9$ ,  $2x + 3y + 4z = 5$  and the origin is

- (A)  $5(x^2 + y^2 + z^2) + 9(2x + 3y + 4z) = 0$
- (B)  $9(x^2 + y^2 + z^2) - 5(2x + 3y + 4z) = 0$
- (C)  $9(x^2 + y^2 + z^2) + 5(2x + 3y + 4z) = 0$
- (D)  $5(x^2 + y^2 + z^2) - 9(2x + 3y + 4z) = 0$

89. माना कि  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  सदिश समष्टि  $\mathbb{R}^2(\mathbb{R})$  से  $\mathbb{R}^3(\mathbb{R})$  में एक रैखिक रूपांतरण है जिसे  $T(x, y) = (x, x + y, y)$  के रूप में परिभाषित किया गया है फिर T की शून्यता है

Let  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  be a linear transformation from vector space  $\mathbb{R}^2(\mathbb{R})$  to  $\mathbb{R}^3(\mathbb{R})$  which is defined as  $T(x, y) = (x, x + y, y)$ . Then the nullity of T is

- (A) 3
- (B) 1
- (C) 2
- (D) 0

$\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$

$\rho = 2$

✳️ 23 ✳️

$(x^2 + y^2 + z^2 - 9) + 9(2x + 3y + 4z - 5) = 0$   
 $-9 = 5x$   
 $= -9/5$





2) = 9x + 4y + z  
z = px + 2y + c

अपत्ति

90. मूल-बिंदु से नियत दूरी 'a' पर स्थित सभी समतलों का आंशिक अवकल समीकरण है  
The partial differential equation of all planes which are at a constant distance 'a' from the origin is

- (A)  $z = p^2x + q^2y + a(p^2 + q^2 + 1)^{1/2}$
- (B)  $z = px - qy - a(p^2 + q^2 + 1)^{3/2}$
- (C)  $z = px + qy + a(p^2 + q^2 + pq)^{1/2}$
- (D)  $z = px + qy + a(p^2 + q^2 + 1)^{1/2}$

91. यदि  $\begin{bmatrix} x+10 & y^2+2y \\ 0 & -4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3x+4 & 3 \\ 0 & y^2-5y \end{bmatrix}$  है तो x+y का मान है

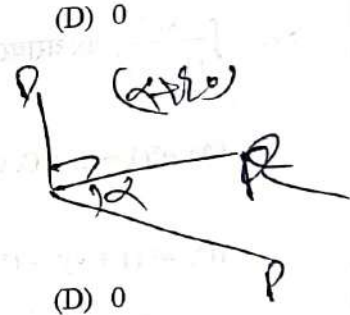
If  $\begin{bmatrix} x+10 & y^2+2y \\ 0 & -4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3x+4 & 3 \\ 0 & y^2-5y \end{bmatrix}$  then the value of x+y is

- (A) 1
- (B) 4
- (C) 7/2
- (D) 0

92. यदि  $A = \begin{bmatrix} 2 & 4 \\ 4 & 3 \end{bmatrix}, X = \begin{bmatrix} n \\ 1 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 8 \\ 11 \end{bmatrix}$  और  $AX = B$  हैं, तो n बराबर है

If  $A = \begin{bmatrix} 2 & 4 \\ 4 & 3 \end{bmatrix}, X = \begin{bmatrix} n \\ 1 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 8 \\ 11 \end{bmatrix}$  and  $AX = B$ , then n equals to

- (A) 3
- (B) 1
- (C) 2
- (D) 0



93. दो बलों P और Q का परिणामी R, P के समकोण पर कार्यरत है। तब बलों के बीच का कोण है  
The resultant R of two forces P and Q act at right angles to P. Then the angle between the forces is

- (A)  $\sin^{-1}\left(\frac{P}{Q}\right)$
- (B)  $\cos^{-1}\left(-\frac{P}{Q}\right)$
- (C)  $\sin^{-1}\left(\frac{P}{Q}\right)$
- (D)  $\cos^{-1}\left(\frac{P}{Q}\right)$

94. यदि  $\vec{V} = 2x^2y\hat{i} + 3xz\hat{j} + 4yz\hat{k}$  है तो  $\text{div}(\text{curl } \vec{V})$  है

If  $\vec{V} = 2x^2y\hat{i} + 3xz\hat{j} + 4yz\hat{k}$  then  $\text{div}(\text{curl } \vec{V})$  is

- (A) 0
- (B) xyz
- (C) x + y + z
- (D) xy + 4zx

95.  $\int \frac{1}{[(x-1)^3(x+2)^5]^{1/4}} dx$  बराबर है

$\int \frac{1}{[(x-1)^3(x+2)^5]^{1/4}} dx$  is equal to

- (A)  $\frac{4}{3} \left(\frac{x+2}{x-1}\right)^{1/4} + C$
- (B)  $\frac{1}{3} \left(\frac{x-1}{x+2}\right)^{1/4} + C$
- (C)  $\frac{1}{3} \left(\frac{x+2}{x-1}\right)^{1/4} + C$
- (D)  $\frac{4}{3} \left(\frac{x-1}{x+2}\right)^{1/4} + C$





2/2  
 $\frac{714 \times 10}{2} = 357 \times 2$



96. समीकरण  $x + y + 3z = 33$  के ऋणेतर पूर्णांकिय हलों की संख्या है

The number of non-negative integral solutions of the equation  $x + y + 3z = 33$  is

- (A) 33 (B) 3 (C) 210 (D) 1

97. समीकरण  $2x^2 + 3xy + 2y^2 = 0$  निरूपित करता है

- (A) एक एकल रेखा (B) दो वास्तविक और भिन्न रेखाएँ  
 (C) दो समानांतर रेखाएँ (D) दो काल्पनिक रेखाएँ

The equation  $2x^2 + 3xy + 2y^2 = 0$  represents

- (A) A single line (B) Two real and distinct lines  
 (C) Two parallel lines (D) Two imaginary lines

98. उस दीर्घवृत्त का समीकरण जिसकी लंबाई 4 और 2 के अक्षों के समीकरण क्रमशः  $x - 3y + 3 = 0$  और  $3x + y - 1 = 0$  हैं, निम्नवत् व्यक्त किया जाता है

The equation of ellipse whose axes of length 4 and 2 having the equations as  $x - 3y + 3 = 0$  and  $3x + y - 1 = 0$  respectively is given by

- (A)  $(3x + y - 1)^2 + 4(x - 3y + 3)^2 = 40$  (B)  $(3x + y - 1)^2 + (x - 3y + 3)^2 = 0$   
 (C)  $(3x + y - 1)^2 - (x - 3y + 3)^2 = 0$  (D)  $(3x + y - 1)^2 + (x - 3y + 3)^2 = 40$

99. यदि  $V, R$  से  $R$  तक के सभी मानचित्रणों की वास्तविक सदिश समष्टि इस प्रकार है कि  $V_1 = \{f \in V : f(-x) = f(x)\}$  और  $V_2 = \{f \in V : f(-x) = -f(x)\}$  हैं, तो निम्नलिखित में से कौन-सा सही है ?

$V_1$ : even  
 $V_2$ : odd

- (A) दोनों  $V_1$  और  $V_2, V$  की उपसमष्टि हैं  
 (B)  $V_1, V$  की एक उपसमष्टि है, परन्तु  $V_2, V$  की एक उपसमष्टि नहीं है  
 (C)  $V_1, V$  की एक उपसमष्टि नहीं है, परन्तु  $V_2, V$  की एक उपसमष्टि है  
 (D) न ही  $V_1$  और न ही  $V_2, V$  की एक उपसमष्टि है

If  $V$  is the real vector space of all mappings from  $R$  to  $R$  such that  $V_1 = \{f \in V : f(-x) = f(x)\}$  and  $V_2 = \{f \in V : f(-x) = -f(x)\}$ , then which of the following is correct ?

- (A) Both  $V_1$  and  $V_2$  are subspace of  $V$   
 (B)  $V_1$  is a subspace of  $V$ , but  $V_2$  is not a subspace of  $V$   
 (C)  $V_1$  is not a subspace of  $V$ , but  $V_2$  is a subspace of  $V$   
 (D) Neither  $V_1$  nor  $V_2$  is a subspace of  $V$



100. कोटि 2 के एक सामान्य शंकु का अवकल समीकरण जिसका केंद्र मूल पर स्थित है, निम्नलिखित कोटि का है  
 The differential equation of a general conic of degree 2 whose center lies at the origin is of order  
 (A) 5 (B) 3 (C) 4 (D) 2

101.  $\int \frac{\tan x \sec^2 x}{(a + b \tan^2 x)^2} dx$  \_\_\_\_\_ है। (जहाँ C एक स्वेच्छ अचर है)  $2b \int \frac{\sec^2 x}{(a + b \tan^2 x)^2} dx = \frac{1}{2} \int \frac{1}{t^2} dt = \frac{t^{-2+1}}{-1} = -\frac{1}{t} = -\frac{1}{a + b \tan^2 x} + C$

$\int \frac{\tan x \sec^2 x}{(a + b \tan^2 x)^2} dx$  is \_\_\_\_\_. (Where C is an arbitrary constant)  
 (A)  $\frac{3b}{a + b \tan^2 x} + C$   
 (B)  $\frac{-1}{2b(a + b \tan^2 x)} + C$   
 (C)  $-(a + b \tan^2 x) + C$   
 (D)  $a + b \tan^2 x + C$

102.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{x+1}-1}{x}$  बराबर है  $\frac{1 + \sqrt{2} - 1}{x}$   
 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{x+1}-1}{x}$  equals  
 (A) 2 (B) 0 (C) 1/2 (D) 1

103. माना कि  $\vec{a}$  और  $\vec{b}$  दो असरेखीय एकक सदिश हैं। यदि  $\vec{u} = \vec{a} - (\vec{a} \cdot \vec{b})\vec{b}$  और  $\vec{v} = \vec{a} \times \vec{b}$  हैं, तो  $|\vec{v}|$  है  
 Let  $\vec{a}$  and  $\vec{b}$  be two non-collinear unit vectors. If  $\vec{u} = \vec{a} - (\vec{a} \cdot \vec{b})\vec{b}$  and  $\vec{v} = \vec{a} \times \vec{b}$ , then  $|\vec{v}|$  is

(A)  $|\vec{u}| + 2|\vec{u} \cdot \vec{a}|$  (B)  $|\vec{u}| + |\vec{u} \cdot \vec{a}|$   
 (C)  $|\vec{u}| - |\vec{u} \cdot \vec{a}|$  (D)  $|\vec{u}|$

104. श्रेणी  $1 + \frac{a+bx}{1!} + \frac{(a+bx)^2}{2!} + \frac{(a+bx)^3}{3!} + \frac{(a+bx)^4}{4!} + \dots$  में  $x^n$  का गुणांक है  $= e^{a+bx}$

The coefficient of  $x^n$  in the series  $1 + \frac{a+bx}{1!} + \frac{(a+bx)^2}{2!} + \frac{(a+bx)^3}{3!} + \frac{(a+bx)^4}{4!} + \dots$  is

(A)  $e^a \frac{a^n}{n!}$  (B)  $e^b \frac{b^n}{n!}$  (C)  $e^a \frac{b^n}{n!}$  (D)  $\frac{b^n}{n!}$

105. एक फलन  $f(x)$  की वक्रता शून्य है। निम्नलिखित में से कौन-सा फलन  $f(x)$  हो सकता है ?  
 The curvature of a function  $f(x)$  is zero. Which of the following functions could be  $f(x)$  ?

(A)  $e^x$  (B)  $ax^2 + bx + c$  (C)  $\sin(x)$  (D)  $ax + b$



$\left(1 + \frac{(a+b)^2}{4}\right)^{3/2}$



106. यदि एक आव्यूह  $A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$  है तो किसी भी धनात्मक पूर्णांक  $n$  के लिए  $A^n$  का मान है

If a matrix  $A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$  then for any positive integer  $n$  the value of  $A^n$  is

(A)  $\begin{bmatrix} 3n+1 & 3n+1 & 3n+1 \\ 3n+1 & 3n+1 & 3n+1 \\ 3n+1 & 3n+1 & 3n+1 \end{bmatrix}$

(B)  $\begin{bmatrix} 3^n & 3^n & 3^n \\ 3^n & 3^n & 3^n \\ 3^n & 3^n & 3^n \end{bmatrix}$

(C)  $\begin{bmatrix} 3^{n+1} & 3^{n+1} & 3^{n+1} \\ 3^{n+1} & 3^{n+1} & 3^{n+1} \\ 3^{n+1} & 3^{n+1} & 3^{n+1} \end{bmatrix}$

(D)  $\begin{bmatrix} 3^{n-1} & 3^{n-1} & 3^{n-1} \\ 3^{n-1} & 3^{n-1} & 3^{n-1} \\ 3^{n-1} & 3^{n-1} & 3^{n-1} \end{bmatrix}$

107. रैखिक समीकरणों के निकाय  $\begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 & 3 \\ 2 & 3 & 1 & 3 \\ 3 & 5 & 2 & 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 & 3 \\ 0 & -1 & -1 & -3 \\ 0 & -1 & -1 & -3 \end{bmatrix}$

$x + 2y + z = 3$   
 $2x + 3y + z = 3$   
 $3x + 5y + 2z = 1$  के

- (A) ठीक दो हल हैं
- (B) अनन्य हल है
- (C) कोई हल नहीं
- (D) अनंत रूप से अनेक हल हैं

The system of linear equations

$x + 2y + z = 3$   
 $2x + 3y + z = 3$   
 $3x + 5y + 2z = 1$  has

- (A) Exactly two solutions
- (B) Unique solution
- (C) No solution
- (D) Infinitely many solutions

108. यदि  $\alpha$  और  $\beta$  प्रथम चतुर्थांश में कोण हैं,  $\tan \alpha = \frac{1}{7}$ ,  $\sin \beta = \frac{1}{\sqrt{10}}$  हैं, तो  $(\alpha + 2\beta)$  का मान है

If  $\alpha$  and  $\beta$  are angles in the first quadrant,  $\tan \alpha = \frac{1}{7}$ ,  $\sin \beta = \frac{1}{\sqrt{10}}$ , then the value of  $(\alpha + 2\beta)$  is

- (A)  $70^\circ$
- (B)  $45^\circ$
- (C)  $60^\circ$
- (D)  $75^\circ$

109. बिंदु  $(3, 2)$  से अतिपरवलय  $x^2 - 9y^2 = 9$  के लिए स्पर्शरेखा का समीकरण है

The equation of one of the tangents to the hyperbola  $x^2 - 9y^2 = 9$  from point  $(3, 2)$  is

- (A)  $5y - 12x + 9 = 0$
- (B)  $x = 3$
- (C)  $12y - 5x + 9 = 0$
- (D)  $y + 5x - 9 = 0$

$y = m x + \frac{a}{m}$   
 $= \frac{x}{6} + 9$

$y - 2 = \frac{1}{6}(x - 3)$   
 $6y - 12 = x - 3$

$2x - 18yy' = 0$   
 $2x = 18yy'$   
 $y' = \frac{x}{9y}$   
 $\frac{3}{9 \times 2} = \frac{1}{6}$

27



$abc + 2fgh - 9a^2 = h^2 - cm^2$   
 $-36\lambda + 2 \cdot (-6) \cdot \frac{5}{2} \cdot (1-5) - \lambda \cdot 64 - 12 \cdot \frac{25}{4} + 3$   
 $-\frac{36\lambda + 200}{64} \quad (M=2)$

$a = -A$   
 $h = -5$   
 $b = 12$   
 $c = -3$   
 $g = \frac{5}{2}$   
 $f = -8$

110. यदि  $\lambda x^2 - 10xy + 12y^2 + 5x - 16y - 3 = 0$ , सरल रेखाओं के एक युग्म को निरूपित करता है, तो  $\lambda$  का मान है  
 If  $\lambda x^2 - 10xy + 12y^2 + 5x - 16y - 3 = 0$ , represents a pair of straight lines, then the value of  $\lambda$  is

- (A) 1 (B) 3 (C) 2 (D) 4

111. एटवुड की मशीन के दो वजनों का योग 16 kg है। भारी वजन 4 सेकंड में 24.5 m अवरोहित होता है तो उनके वजन का अंतर है  
 The sum of two weights of an Atwood's machine is 16 kg. The heavier weight descends 24.5 m in 4 sec then difference of their weight is

- (A) 7 kg (B) 5 kg (C) 6 kg (D) 4 kg

112.  $(x - a)(x - b)$  का न्यूनतम मान है  
 The minimum value of  $(x - a)(x - b)$  is

- (A)  $\frac{-(a-b)^2}{4}$  (B) 1 (C)  $\frac{(a-b)^2}{4}$  (D) ab

113. यदि  $y = \tan^{-1} \sqrt{\frac{1 - \cos x}{1 + \cos x}}$  है, तो  $\frac{dy}{dx}$  है

- If  $y = \tan^{-1} \sqrt{\frac{1 - \cos x}{1 + \cos x}}$ , then  $\frac{dy}{dx}$  is
- (A) 2 (B) 1/2 (C) 1 (D) 1/4

114.  $\int \frac{\cos 2x}{\sin^2 x \cos^2 x} dx$  बराबर है

- (A)  $-\tan x - \cot x + C$ , जहाँ C एक स्वेच्छ अचर है  
 (B)  $\tan x + \cot x + C$ , जहाँ C एक स्वेच्छ अचर है  
 (C)  $\tan^2 x + \cot x + C$ , जहाँ C एक स्वेच्छ अचर है  
 (D)  $\sin^2 x + \cos 2x + C$ , जहाँ C एक स्वेच्छ अचर है

$\int \frac{\cos 2x}{\sin^2 x \cos^2 x} dx$  is equal to

- (A)  $-\tan x - \cot x + C$ , where C is an arbitrary constant  
 (B)  $\tan x + \cot x + C$ , where C is an arbitrary constant  
 (C)  $\tan^2 x + \cot x + C$ , where C is an arbitrary constant  
 (D)  $\sin^2 x + \cos 2x + C$ , where C is an arbitrary constant

$k - (2k - 3) = 0$   
 $k - 2k + 3 = 0$   
 $-k + 3 = 0$   
 $k = 3$

115. k के किस मान के लिए,  $R^3$  में सदिश  $(1,1,0)$  और  $(2,1,1)$  और  $(3,0,k)$  रैखिक रूप से आश्रित हैं ?  
 For what value of k, the vectors  $(1,1,0)$  and  $(2,1,1)$  and  $(3,0,k)$  in  $R^3$  are linearly dependent ?  
 (A) -3 (B) 2 (C) 3 (D) 0

$$\begin{vmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 \\ 3 & 0 & k \end{vmatrix} = 0$$

116.  $\int \tan^{-1} \sqrt{x} dx$  बराबर है  
 $\int \tan^{-1} \sqrt{x} dx$  is equal to  
 (A)  $x \tan^{-1} \sqrt{x} - \sqrt{x} + C$   
 (C)  $x \tan^{-1} \sqrt{x} + \sqrt{x} + C$

$$x \tan^{-1} \sqrt{x} - \int \frac{1}{1+x} \cdot \frac{1}{2\sqrt{x}} dx$$

117.  $x=0$  से  $x=2$  तक x-अक्ष के परितः एक रेखा  $y=3x$  के परिक्रमण से उत्पन्न पृष्ठ क्षेत्रफल (sq. units में) है  
 The surface area (in sq. units) generated by revolving a line  $y=3x$  around the x-axis from  $x=0$  to  $x=2$  is

(A)  $12\sqrt{10}\pi$   
 (C)  $12\pi$

$$\pi \int_0^2 y^2 dx$$

(B)  $6\pi$   
 (D)  $\sqrt{10}\pi$

118. यदि एक व्यापार बैठक में 11 लोग हैं और सभी एक-दूसरे से हाथ मिलाते हैं, तो बैठक में कितनी बार हाथ मिलाया गया ?

(A) 44

(B) 11

(C) 55

(D) 66

If there are 11 people in a business meeting and all shake hands with each other, how many handshake happen in the meeting ?

119. यदि नियत त्रिज्या  $3k$  का एक वृत्त मूल-बिंदु  $O$  से गुजरता है और अक्षों से  $A$  और  $B$  पर मिलता है, त्रिभुज  $OAB$  के केंद्रक का बिंदुपथ है

(A)  $x^2 + y^2 = 4k^2$

(B)  $x^2 + y^2 = 2k^2$

(C)  $x^2 + y^2 = 3k^2$

(D)  $x^2 + y^2 = k^2$

If a circle of constant radius  $3k$  passes through the origin  $O$  and meets the axes at  $A$  and  $B$ , the locus of the centroid of triangle  $OAB$  is

120. सरल रेखा  $6x^2 - xy - 12y^2 = 0$  के कोण द्विभाजक का समीकरण निम्नवत् है  
 The equation of angle bisectors of the straight lines  $6x^2 - xy - 12y^2 = 0$  is given by

(A)  $x^2 + 36xy - y^2 = 0$

(B)  $x^2 - 36xy - 12y^2 = 0$

(C)  $6x^2 + xy - 12y^2 = 0$

(D)  $x^2 - xy - 12y^2 = 0$

$$\frac{x^2 - y^2}{a-b} = \frac{xy}{h}$$

$$\frac{x^2 - y^2}{18} = \frac{xy}{-12} = -2xy$$

$$x^2 - y^2 + 36xy = 0$$

Test

Prime

By Adda247

# Previous Year Papers PDF

PRACTICE MORE, SCORE HIGHER!



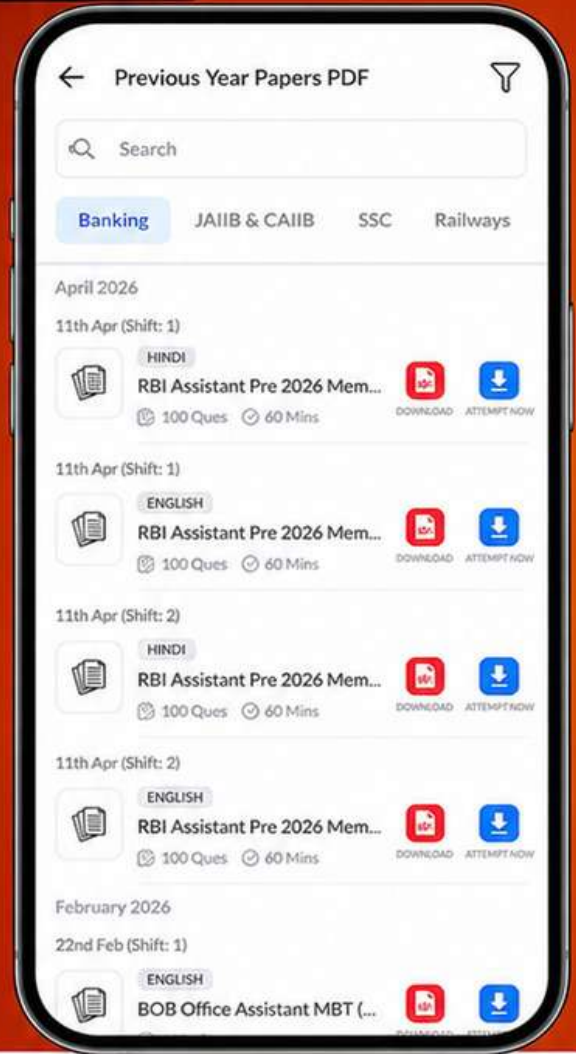
Free  
**25,000+**  
PDF's

High-Quality | Exam-Wise | Updated Regularly

ATTEMPT AS  
**MOCK**



Turn PDFs into real exam experience.  
Analyze. Improve. Succeed.



Topic-wise &  
Exam-wise PDFs



Download &  
Study Offline



Attempt as Mock  
& Track Score



Smart Analysis  
& Performance

AVAILABLE IN



Banking



SSC



Railway



Teaching



UGC



Agriculture



Nursing



Bihar



UP



Punjab



WB



Odisha



TN



AP & Telangana



Haryana



DOWNLOAD THE APP



$T(v) = 0$   
 $T(au + bv) = (0, 0, 0)$   
 $\frac{a}{2} = \frac{b}{3}$

121. माना कि  $F$  सम्मिश्र संख्याओं का एक उपक्षेत्र है और  $T: F^3 \rightarrow F^3$  से एक रैखिक रूपांतरण है जिसे  $T(x, y, z) = (x - y + 2z, 2x + y, -x - 2y + 2z)$  द्वारा परिभाषित किया गया है तो  $(a, b, c)$ ,  $T$  की शून्य समष्टि में है यदि

Let  $F$  be a subfield of complex numbers and  $T$  be a linear transformation from  $F^3 \rightarrow F^3$  defined by  $T(x, y, z) = (x - y + 2z, 2x + y, -x - 2y + 2z)$  then  $(a, b, c)$  is in null space of  $T$  if

$\begin{pmatrix} 1 & -1 & 2 \\ 2 & 1 & 0 \\ -1 & -2 & 2 \end{pmatrix}$   
 $\begin{pmatrix} 1 & -1 & 2 \\ 0 & 3 & -2 \\ 0 & -1 & 2 \end{pmatrix}$   
 $\begin{pmatrix} 1 & -1 & 2 \\ 0 & 3 & -2 \\ 0 & 0 & 4 \end{pmatrix}$

- (A)  $a = 2b = 3c$
- (B)  $a = b = c$
- (C)  $\frac{a}{1} = \frac{b}{3} = \frac{c}{3}$
- (D)  $\frac{a}{-2} = \frac{b}{4} = \frac{c}{3}$

$v = 0$

122. यदि  $A$  एक व्युत्क्रमणीय आव्यूह इस प्रकार है कि  $A = \begin{bmatrix} 0 & a \\ b & 0 \end{bmatrix}$  और  $A^3 + A = 0$  हैं, तो

- (A)  $ab = -1$
- (B)  $ab = 1$
- (C)  $ab = 2$
- (D)  $ab = 0$

If  $A$  is an invertible matrix such that  $A = \begin{bmatrix} 0 & a \\ b & 0 \end{bmatrix}$  and  $A^3 + A = 0$ , then

123. यदि  $y = \sec(\log_e x^n)$  है, तो  $\frac{dy}{dx}$  है

If  $y = \sec(\log_e x^n)$  then  $\frac{dy}{dx}$  is

- (A)  $\frac{n}{x^2} \sec(\log_e x^n) \tan(\log_e x^n)$
- (B)  $\sec(\log_e x^n) \tan(\log_e x^n)$
- (C)  $\frac{n}{x} \sec(\log_e x^n) \tan(\log_e x^n)$
- (D)  $\sec(\log_e x^n)$

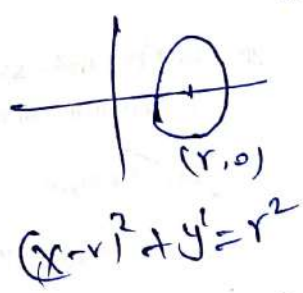
$A^2 = 0$   
 $A^2 = abI$   
 $A = A^2 = abA$   
 $ab = 1$

124. माना कि त्रिभुज ABC के कोण A, B, C समांतर श्रेणी (एपी) में हैं और माना कि  $CA:AB = \sqrt{3}:\sqrt{2}$  है, तो कोण A है  
 Let the angle A, B, C of the triangle ABC be in Arithmetic Progression (A.P.) and let  $CA:AB = \sqrt{3}:\sqrt{2}$  then angle A is

- (A)  $90^\circ$
- (B)  $60^\circ$
- (C)  $75^\circ$
- (D)  $45^\circ$

125. त्रिज्या r के वृत्तों, जिनका केंद्र x-अक्ष पर स्थित है, के परिवार का अवकल समीकरण है  
 The differential equation of the family of circles of radius r whose centre lie on x-axis is

- (A)  $y^2 \left( \frac{dy}{dx} + 1 \right) = r^2$
- (B)  $y \frac{d^2y}{dx^2} + y^2 = r^2$
- (C)  $y^2 \left\{ \left( \frac{dy}{dx} \right)^2 + 1 \right\} = r^2$
- (D)  $\frac{dy}{dx} + y = r$



$(y - y')^2 + y^2 = r^2$

$2(x-r) \cdot x + 2yy' = 0$   
 $x-r + yy' = 0$   
 $x + yy' = (x-r)^2$